

Các đề tuyển sinh 10 của TP HỒ CHÍ MINH

KÌ THI TUYỂN SINH LỚP 10 THPT NĂM HỌC 2007-2008

KHÓA NGÀY 20-6-2007

MÔN THI: TOÁN

Thời gian làm bài: 120 phút (không kể thời gian giao đề)

Câu 1: (1, 5 điểm)

Giải các phương trình và hệ phương trình sau:

a) $x^2 - 2\sqrt{5}x + 4 = 0$

b) $x^4 - 29x^2 + 100 = 0$

c)
$$\begin{cases} 5x + 6y = 17 \\ 9x - y = 7 \end{cases}$$

Câu 2: (1, 5 điểm)

Thu gọn các biểu thức sau:

a) $A = \frac{\sqrt{4-2\sqrt{3}}}{\sqrt{6}-\sqrt{2}}$

b) $B = (3\sqrt{2} + \sqrt{6})\sqrt{6-3\sqrt{3}}$

Câu 3: (1 điểm)

Một khu vườn hình chữ nhật có diện tích bằng 675 m^2 và có chu vi bằng 120 m . Tìm chiều dài và chiều rộng của khu vườn.

Câu 4: (2 điểm)

Cho phương trình $x^2 - 2mx + m^2 - m + 1 = 0$ với m là tham số và x là ẩn số.

a) Giải phương trình với $m = 1$.

b) Tìm m để phương trình có hai nghiệm phân biệt x_1, x_2 .

c) Với điều kiện của câu b hãy tìm m để biểu thức $A = x_1 x_2 - x_1 - x_2$ đạt giá trị nhỏ nhất.

Câu 5: (4 điểm)

Cho tam giác ABC có ba góc nhọn ($AB < AC$). Đường tròn đường kính BC cắt AB, AC theo thứ tự tại E và F. Biết BF cắt CE tại H và AH cắt BC tại D.

a) Chứng minh tứ giác BEFC nội tiếp và AH vuông góc với BC.

b) Chứng minh $AE \cdot AB = AF \cdot AC$.

c) Gọi O là tâm đường tròn ngoại tiếp tam giác ABC và K là trung điểm của BC.

Tính tỉ số $\frac{OK}{BC}$ khi tứ giác BHOC nội tiếp.

d) Cho $HF = 3 \text{ cm}$, $HB = 4 \text{ cm}$, $CE = 8 \text{ cm}$ và $HC > HE$. Tính HC.

Gợi ý một phương án bài giải đề thi tuyển sinh lớp 10 THPT
Năm học 2007-2008

Câu 1:

- a) Ta có $\Delta' = 1$ nên phương trình có 2 nghiệm phân biệt là $x_1 = 5 - 1$ và $x_2 = 5 + 1$.
 b) Đặt $t = x^2 \geq 0$, ta được phương trình trở thành $t^2 - 29t + 100 = 0 \Leftrightarrow t = 25$ hay $t = 4$.
 * $t = 25 \Leftrightarrow x^2 = 25 \Leftrightarrow x = \pm 5$.
 * $t = 4 \Leftrightarrow x^2 = 4 \Leftrightarrow x = \pm 2$.

Vậy phương trình đã cho có 4 nghiệm là $\pm 2; \pm 5$.

c)
$$\begin{cases} 5x + 6y = 17 \\ 9x - y = 7 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 5x + 6(9x - 7) = 17 \\ y = 9x - 7 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 59x = 59 \\ y = 9x - 7 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ y = 2 \end{cases}$$

Câu 2:

a)
$$A = \frac{\sqrt{4-2\sqrt{3}}}{\sqrt{6}-\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{(\sqrt{3}-1)^2}}{\sqrt{2}(\sqrt{3}-1)} = \frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{2}(\sqrt{3}-1)} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

b)
$$B = (3\sqrt{2} + \sqrt{6})\sqrt{6-3\sqrt{3}} = (3 + \sqrt{3})\sqrt{12-6\sqrt{3}} = (3 + \sqrt{3})\sqrt{(3-\sqrt{3})^2} = (3 + \sqrt{3})(3 - \sqrt{3}) = 9 - 3 = 6$$

Câu 3:

Gọi chiều dài là x (m) và chiều rộng là y (m) ($x > y > 0$).

$$\begin{cases} 2(x+y) = 120 \\ xy = 675 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 60 - x \\ x(60 - x) = 675 (*) \end{cases}$$

Theo đề bài ta có:

Ta có: (*) $\Leftrightarrow x^2 - 60x + 675 = 0 \Leftrightarrow x = 45$ hay $x = 15$.

Khi $x = 45$ thì $y = 15$ (nhận)

Khi $x = 15$ thì $y = 45$ (loại)

Vậy chiều dài là 45(m) và chiều rộng là 15 (m)

Câu 4:

Cho phương trình $x^2 - 2mx + m^2 - m + 1 = 0$ (1)

a) Khi $m = 1$ thì (1) trở thành:

$x^2 - 2x + 1 = 0 \Leftrightarrow (x - 1)^2 = 0 \Leftrightarrow x = 1$.

b) (1) có hai nghiệm phân biệt x_1, x_2

$\Leftrightarrow \Delta' = m - 1 > 0 \Leftrightarrow m > 1$.

Vậy (1) có hai nghiệm phân biệt $x_1, x_2 \Leftrightarrow m > 1$.

c) Khi $m > 1$ ta có:

$S = x_1 + x_2 = 2m$ và $P = x_1x_2 = m^2 - m + 1$

Do đó: $A = P - S = m^2 - m + 1 - 2m = m^2 - 3m + 1 = \left(m - \frac{3}{2}\right)^2 - \frac{5}{4} \geq -\frac{5}{4}$.

Dấu "=" xảy ra $\Leftrightarrow m = \frac{3}{2}$ (thỏa điều kiện $m > 1$)

Vậy khi $m = \frac{3}{2}$ thì A đạt giá trị nhỏ nhất và GTNN của A là $-\frac{5}{4}$.

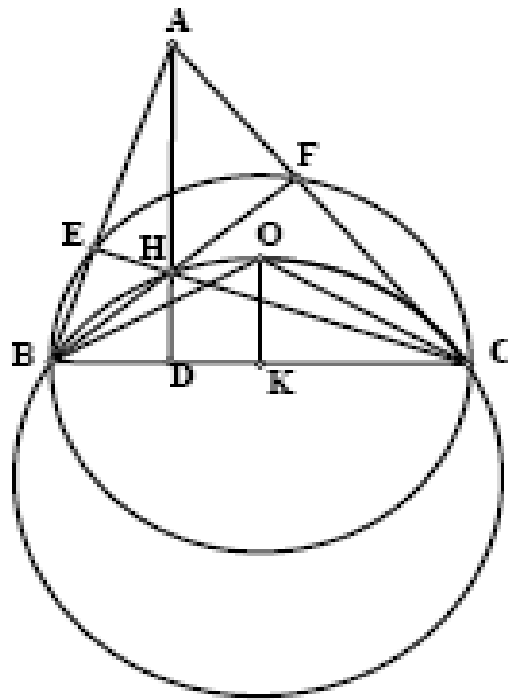
Câu 5:

- a) * Ta có E, F lần lượt là giao điểm của AB, AC với đường tròn đường kính BC.
 \Rightarrow Tứ giác BEFC nội tiếp đường tròn đường kính BC.

* Ta có $\widehat{BEC} = \widehat{BFC} = 90^\circ$ (góc nội tiếp chắn nửa đường tròn)

\Rightarrow BF, CE là hai đường cao của ΔABC .

\Rightarrow H là trực tâm của ΔABC .



$\Rightarrow AH$ vuông góc với BC .

b) Xét ΔAEC và ΔAFB có:

$$\widehat{BAC} \text{ chung và } \widehat{BAC} = \widehat{AFB} = 90^\circ$$

$\Rightarrow \Delta AEC$ đồng dạng với ΔAFB

$$\Rightarrow \frac{AE}{AF} = \frac{AC}{AB} \Rightarrow AE \cdot AB = AF \cdot AC$$

c) Khi $BHOC$ nội tiếp ta có:

$$\widehat{BOC} = \widehat{BHC} \text{ mà } \widehat{BHC} = \widehat{EHF} \Rightarrow \widehat{EHF} = \widehat{BOC} \text{ và } \widehat{EHF} + \widehat{EAF} = 180^\circ \text{ (do AEHF nội tiếp)}$$

$$\Rightarrow \widehat{BOC} + \widehat{BAC} = 180^\circ \text{ mà } \widehat{EHF} = \widehat{BOC}$$

$$\Rightarrow 3\widehat{BAC} = 180^\circ \Rightarrow \widehat{BAC} = 60^\circ \Rightarrow \widehat{BOC} = 120^\circ$$

Ta có: K là trung điểm của BC , O là tâm đường tròn ngoại tiếp ABC

$\Rightarrow OK$ vuông góc với BC mà tam giác OBC cân tại O ($OB = OC$)

$$\Rightarrow \widehat{KOC} = \frac{1}{2} \widehat{BOC} = 60^\circ$$

$$\Rightarrow \frac{OK}{KC} = \cot g \widehat{KOC} = \cot g 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{3} \text{ mà } BC = 2KC \text{ nên } \frac{OK}{BC} = \frac{\sqrt{3}}{6}$$

Vậy

d) Xét ΔEHB và ΔFHC có:

$$\widehat{BHE} = \widehat{CFH} = 90^\circ \text{ và } \widehat{EHB} = \widehat{FHC} \text{ (đối đỉnh)}$$

$\Rightarrow \Delta EHB$ đồng dạng với ΔFHC

$$\Rightarrow \frac{HE}{HF} = \frac{HB}{HC}$$

$$\Rightarrow HE \cdot HC = HB \cdot HF = 4 \cdot 3 = 12$$

$$\Rightarrow HC(CE - HC) = 12 \Rightarrow HC^2 - 8 \cdot HC + 12 = 0 \Leftrightarrow HC = 2 \text{ hoặc } HC = 6.$$

* Khi $HC = 2$ thì $HE = 6$ (không thỏa $HC > HE$)

* Khi $HC = 6$ thì $HE = 2$ (thỏa $HC > HE$)

Vậy $HC = 6$ (cm).

ĐỀ CHÍNH THỨC

Câu 1: Giải các phương trình và hệ phương trình sau:

a) $2x^2 + 3x - 5 = 0$ (1)

b) $x^4 - 3x^2 - 4 = 0$ (2)

c) $\begin{cases} 2x + y = 1 & (a) \\ 3x + 4y = -1 & (b) \end{cases}$ (3)

Câu 2: a) Vẽ đồ thị (P) của hàm số $y = -x^2$ và đường thẳng (D): $y = x - 2$ trên cùng một hệ trục tọa độ.
b) Tìm tọa độ các giao điểm của (P) và (D) ở câu trên bằng phép tính.

Câu 3: Thu gọn các biểu thức sau:

a) $A = \sqrt{7-4\sqrt{3}} - \sqrt{7+4\sqrt{3}}$

b) $B = \left(\frac{\sqrt{x}+1}{x-4} - \frac{\sqrt{x}-1}{x+4\sqrt{x}+4} \right) \cdot \frac{x\sqrt{x}+2x-4\sqrt{x}-8}{\sqrt{x}}$ ($x > 0; x \neq 4$).

Câu 4: Cho phương trình $x^2 - 2mx - 1 = 0$ (m là tham số)

a) Chứng minh phương trình trên luôn có 2 nghiệm phân biệt.

b) Gọi x_1, x_2 là hai nghiệm của phương trình trên. Tìm m để $x_1^2 + x_2^2 - x_1x_2 = 7$.

Câu 5: Từ điểm M ở ngoài đường tròn (O) vẽ cát tuyến MCD không đi qua tâm O và hai tiếp tuyến MA, MB đến đường tròn (O), ở đây A, B là các tiếp điểm và C nằm giữa M, D.

a) Chứng minh $MA^2 = MC \cdot MD$.

b) Gọi I là trung điểm của CD. Chứng minh rằng 5 điểm M, A, O, I, B cùng nằm trên một đường tròn.

c) Gọi H là giao điểm của AB và MO. Chứng minh tứ giác CHOD nội tiếp được đường tròn. Suy ra AB là phân giác của góc CHD.

d) Gọi K là giao điểm của các tiếp tuyến tại C và D của đường tròn (O). Chứng minh A, B, K thẳng hàng.

-----oOo-----

Gợi ý giải đề thi môn toán NĂM HỌC 2008-2009

Câu 1:

a) $2x^2 + 3x - 5 = 0$ (1)

Cách 1: Phương trình có dạng $a + b + c = 0$ nên phương trình (1) có hai nghiệm là:

$$x_1 = 1 \text{ hay } x_2 = \frac{c}{a} = -\frac{5}{2}.$$

Cách 2: Ta có $\Delta = b^2 - 4ac = 3^2 - 4 \cdot 2 \cdot (-5) = 49 > 0$ nên phương trình (1) có hai nghiệm phân biệt là $x_1 =$

$$\frac{-3-7}{4} = -\frac{5}{2} \text{ hoặc } x_2 = \frac{-3+7}{4} = 1.$$

b) $x^4 - 3x^2 - 4 = 0$ (2)

Đặt $t = x^2, t \geq 0$.

Phương trình (2) trở thành $t^2 - 3t - 4 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} t = -1 \\ t = 4 \end{cases} (a - b + c = 0)$

So sánh điều kiện ta được $t = 4 \Leftrightarrow x^2 = 4 \Leftrightarrow x = \pm 2$.

Vậy phương trình (2) có hai nghiệm phân biệt là $x = 2$ hoặc $x = -2$.

c)
$$\begin{cases} 2x + y = 1 & (a) \\ 3x + 4y = -1 & (b) \end{cases} \quad (3)$$

Cách 1: Từ (a) $\Rightarrow y = 1 - 2x$ (c). Thế (c) vào (b) ta được:

$$3x + 4(1 - 2x) = -1 \Leftrightarrow -5x = -5 \Leftrightarrow x = 1.$$

Thế $x = 1$ vào (c) ta được $y = -1$. Vậy hệ phương trình (3) có nghiệm là $x = 1$ và $y = -1$.

Cách 2: $(3) \Leftrightarrow \begin{cases} 8x + 4y = 4 \\ 3x + 4y = -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 5x = 5 \\ 3x + 4y = -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ 3 \cdot 1 + 4y = -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ y = -1 \end{cases}$

Vậy hệ phương trình (3) có nghiệm là $x = 1$ và $y = -1$.

Câu 2:

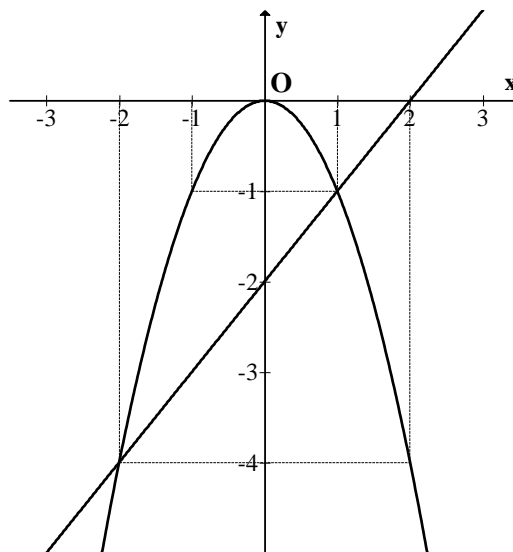
a) * Bảng giá trị đặc biệt của hàm số $y = -x^2$:

x	-2	-1	0	1	2
$y = -x^2$	-4	-1	0	-1	-4

* Bảng giá trị đặc biệt của hàm số $y = x - 2$:

x	0	2
$y = x - 2$	-2	0

Đồ thị (P) và (D) được vẽ như sau:



b) Phương trình hoành độ giao điểm của

$$-x^2 = x - 2 \Leftrightarrow x^2 + x - 2 = 0 \Leftrightarrow x =$$

Khi $x = 1$ thì $y = -1$; Khi $x = -2$ thì $y = -4$.

Vậy (P) cắt (D) tại hai điểm là $(1; -1)$ và $(-2; -4)$.

(P) và (D) là:

1 hay $x = -2$ ($a + b + c = 0$)

Câu 3:

a) $A = \sqrt{7-4\sqrt{3}} - \sqrt{7+4\sqrt{3}} = \sqrt{(2-\sqrt{3})^2} - \sqrt{(2+\sqrt{3})^2} = |2-\sqrt{3}| - |2+\sqrt{3}|$

Mà $2 - \sqrt{3} > 0$ và $2 + \sqrt{3} > 0$ nên $A = 2 - \sqrt{3} - 2 - \sqrt{3} = -2\sqrt{3}$.

$$\begin{aligned}
\text{b) B} &= \left(\frac{\sqrt{x}+1}{x-4} - \frac{\sqrt{x}-1}{x+4\sqrt{x}+4} \right) \cdot \frac{x\sqrt{x}+2x-4\sqrt{x}-8}{\sqrt{x}} \\
&= \left(\frac{\sqrt{x}+1}{(\sqrt{x})^2-2^2} - \frac{\sqrt{x}-1}{(\sqrt{x}+2)^2} \right) \cdot \frac{(x-4)(\sqrt{x}+2)}{\sqrt{x}} \\
&= \left(\frac{(\sqrt{x}+1)(\sqrt{x}+2) - (\sqrt{x}-1)(\sqrt{x}-2)}{[(\sqrt{x})^2-2^2](\sqrt{x}+2)} \right) \cdot \frac{(x-4)(\sqrt{x}+2)}{\sqrt{x}} \\
&= \frac{x+3\sqrt{x}+2 - (x-3\sqrt{x}+2)}{\sqrt{x}} = \frac{6\sqrt{x}}{\sqrt{x}} = 6.
\end{aligned}$$

Câu 4: $x^2 - 2mx - 1 = 0$ (m là tham số)

a) Chứng minh phương trình trên luôn có 2 nghiệm phân biệt.

Cách 1: Ta có: $\Delta' = m^2 + 1 > 0$ với mọi m nên phương trình trên luôn có hai nghiệm phân biệt.

Cách 2: Ta thấy với mọi m, a và c trái dấu nhau nên phương trình luôn có hai nghiệm phân biệt.

b) Gọi x_1, x_2 là hai nghiệm của phương trình trên. Tìm m để $x_1^2 + x_2^2 - x_1x_2 = 7$.

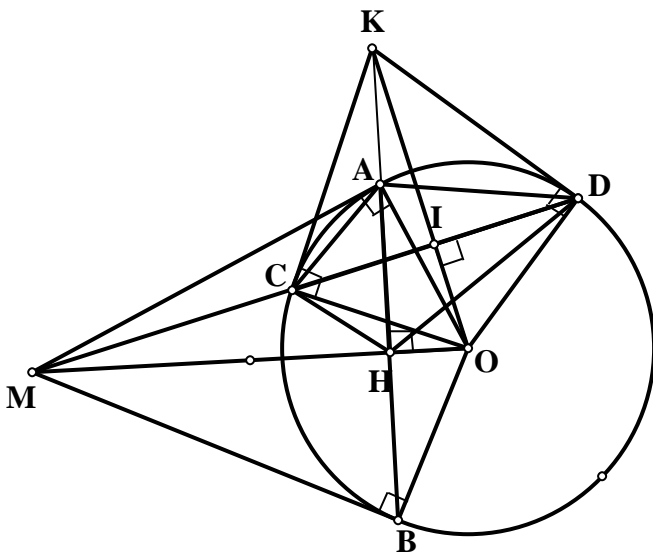
Theo a) ta có với mọi m phương trình luôn có hai nghiệm phân biệt.

Khi đó ta có $S = x_1 + x_2 = 2m$ và $P = x_1x_2 = -1$.

Do đó $x_1^2 + x_2^2 - x_1x_2 = 7 \Leftrightarrow S^2 - 3P = 7 \Leftrightarrow (2m)^2 + 3 = 7 \Leftrightarrow m^2 = 1 \Leftrightarrow m = \pm 1$.

Vậy m thỏa yêu cầu bài toán $\Leftrightarrow m = \pm 1$.

Câu 5:



a) Xét hai tam giác MAC và MDA có:

- $\angle M$ chung

- $\angle MAC = \angle MDA (= \frac{1}{2} \text{sđ} \widehat{AC})$.

Suy ra $\triangle MAC$ đồng dạng với $\triangle MDA$ (g - g)

$$\Rightarrow \frac{MA}{MD} = \frac{MC}{MA} \Rightarrow MA^2 = MC \cdot MD.$$

b) * MA, MB là tiếp tuyến của (O) nên

$$\angle MAO = \angle MBO = 90^\circ.$$

* I là trung điểm dây CD nên $\angle MIO = 90^\circ$.

$$\text{Do đó: } \angle MAO = \angle MBO = \angle MIO = 90^\circ$$

\Rightarrow 5 điểm M, A, O, I, B cùng thuộc đường tròn đường kính MO.

c) \triangleright Ta có $MA = MB$ (tính chất hai tiếp tuyến cắt nhau) và

$OA = OB = R_{(O)}$. Do đó MO là trung trực của AB $\Rightarrow MO \perp AB$.

Trong $\triangle MAO$ vuông tại A có AH là đường cao $\Rightarrow MA^2 = MH \cdot MO$. Mà $MA^2 = MC \cdot MD$ (do a) $\Rightarrow MC \cdot MD =$

$$MH \cdot MO \Rightarrow \frac{MH}{MD} = \frac{MC}{MO} \quad (1).$$

Xét $\triangle MHC$ và $\triangle MDO$ có:

$\angle M$ chung, kết hợp với (1) ta suy ra $\triangle MHC$ và $\triangle MDO$ đồng dạng (c-g -c)

$\Rightarrow \angle MHC = \angle MDO \Rightarrow$ Tứ giác OHCD nội tiếp.

➤ Ta có: + ΔOCD cân tại $O \Rightarrow \angle OCD = \angle MDO$
 + $\angle OCD = \angle OHD$ (do $OHCD$ nội tiếp)

Do đó $\angle MDO = \angle OHD$ mà $\angle MDO = \angle MHC$ (cmt) $\Rightarrow \angle MHC = \angle OHD$
 $\Rightarrow 90^\circ - \angle MHC = 90^\circ - \angle OHD \Rightarrow \angle CHA = \angle DHA \Rightarrow HA$ là phân giác của $\angle CHD$ hay AB là phân giác của $\angle CHD$.

d) Tứ giác $OCHK$ nội tiếp (vì $\angle OCK = \angle ODK = 90^\circ$)
 $\Rightarrow \angle OKC = \angle ODC = \angle MDO$ mà $\angle MDO = \angle MHC$ (cmt)
 $\Rightarrow \angle OKC = \angle MHC \Rightarrow OKCH$ nội tiếp
 $\Rightarrow \angle KHO = \angle KCO = 90^\circ$.
 $\Rightarrow KH \perp MO$ tại H mà $AB \perp MO$ tại H
 $\Rightarrow HK$ trùng $AB \Rightarrow K, A, B$ thẳng hàng.

-----oOo-----

Sở GD và ĐT
 TP Hồ Chí Minh

Kì thi tuyển sinh lớp 10 Trung học phổ thông
 Năm học 2009-2010
 Khoa ngày 24-6-2009
 Môn thi: toán

Câu I: Giải các phương trình và hệ phương trình sau:

a) $8x^2 - 2x - 1 = 0$ b) $\begin{cases} 2x + 3y = 3 \\ 5x - 6y = 12 \end{cases}$ c) $x^4 - 2x^2 - 3 = 0$ d) $3x^2 - 2\sqrt{6}x + 2 = 0$

Câu II: a) Vẽ đồ thị (P) của hàm số $y = \frac{x^2}{2}$ và đường thẳng (d): $y = x + 4$ trên cùng một hệ trục tọa độ.

b) Tìm tọa độ giao điểm của (P) và (d) bằng phép tính.

Câu III: Thu gọn các biểu thức sau:

$$A = \frac{4}{3+\sqrt{5}} - \frac{8}{1+\sqrt{5}} + \frac{15}{\sqrt{5}}$$

$$B = \left(\frac{\sqrt{x} + \sqrt{y}}{1 - \sqrt{xy}} - \frac{\sqrt{x} - \sqrt{y}}{1 + \sqrt{xy}} \right) : \left(\frac{x + xy}{1 - xy} \right)$$

Câu IV: Cho phương trình $x^2 - (5m - 1)x + 6m^2 - 2m = 0$ (m là tham số)

a) Chứng minh phương trình luôn có nghiệm với mọi m.

b) Gọi x_1, x_2 là nghiệm của phương trình. Tìm m để $x_1^2 + x_2^2 = 1$.

Câu V: Cho tam giác ABC ($AB < AC$) có ba góc nhọn nội tiếp đường tròn (O) có tâm O, bán kính R. Gọi H là giao điểm của ba đường cao AD, BE, CF của tam giác ABC. Gọi S là diện tích tam giác ABC.

a) Chứng minh rằng AEHF và AEDB là các tứ giác nội tiếp đường tròn.

b) Vẽ đường kính AK của đường tròn (O). Chứng minh tam giác ABD và tam giác AKC đồng dạng

với nhau. Suy ra $AB.AC = 2R.AD$ và $S = \frac{AB.BC.CA}{4R}$.

c) Gọi M là trung điểm của BC. Chứng minh EFDM là tứ giác nội tiếp đường tròn.

d) Chứng minh rằng OC vuông góc với DE và $(DE + EF + FD).R = 2S$.

Câu 4: Cho phương trình $x^2 - (5m - 1)x + 6m^2 - 2m = 0$ (m là tham số)

a) Ta có $\Delta = (5m - 1)^2 - 4(6m^2 - 2m) = m^2 - 2m + 1 = (m - 1)^2 \geq 0$ với mọi m

Suy ra phương trình luôn có nghiệm với mọi m .

b) Gọi x_1, x_2 là nghiệm của phương trình.

$$\text{Ta có } x_1 = \frac{5m-1+m-1}{2} = 3m-1 \text{ và } x_2 = \frac{5m-1-m+1}{2} = 2m.$$

$$\text{Do đó } x_1^2 + x_2^2 = 1 \Leftrightarrow (3m-1)^2 + 4m^2 = 1 \Leftrightarrow 13m^2 - 6m = 0 \Leftrightarrow m = 0 \text{ hay } m = \frac{6}{13}.$$

$$\text{Vậy } m \text{ thoả bài toán } \Leftrightarrow m = 0 \text{ hay } m = \frac{6}{13}.$$

Câu 5:

a) > Ta có $\angle AEH + \angle AFH = 180^\circ$

\Rightarrow Tứ giác AEHF nội tiếp đường tròn.

> Ta có $\angle AEB = \angle ADB = 90^\circ$

\Rightarrow Tứ giác AEDB nội tiếp đường tròn.

b) Ta có $\triangle ADB$ và $\triangle ACK$ có:

* $\angle ABD = \angle ACK$ (cùng chắn cung AC)

* $\angle ADB = \angle ACK = 90^\circ$.

Vậy tam giác ABD và tam giác ACK đồng dạng với nhau.

$$\text{Suy ra: } \frac{AB}{AK} = \frac{AD}{AC}$$

$$\Rightarrow AB \cdot AC = AK \cdot AD = 2R \cdot AD.$$

$$\Rightarrow AD = \frac{AB \cdot AC}{2R} \text{ nên } S = \frac{1}{2} AD \cdot BC = \frac{AB \cdot BC \cdot CA}{4R}.$$

c) Gọi M là trung điểm của BC.

> $\angle BFH + \angle BDH = 180^\circ \Rightarrow$ Tứ giác BFHD nội tiếp $\Rightarrow \angle FDB = \angle FHB$

mà $\angle FHB = \angle FAE$ (do AEHF nội tiếp). Suy ra $\angle FDB = \angle FAE$ (1)

> Tam giác BEC vuông tại E $\Rightarrow \triangle MEB$ cân tại M $\Rightarrow \angle MEB = \angle MBE$

mà $\angle MBE = \angle DAE$ (do AEDB nội tiếp). Suy ra $\angle MEB = \angle DAE$.

$\angle FEH = \angle FAH$ (do AEHF nội tiếp) $\Rightarrow \angle MEF = \angle MEB + \angle FEH = \angle DAE + \angle FAH = \angle FAE$ (2)

Từ (1) và (2) suy ra $\angle FDB = \angle MEF \Rightarrow$ EFDM là tứ giác nội tiếp đường tròn.

d) > Vẽ tia tiếp tuyến Cx của (O). Ta có:

$$\angle xCB = \angle BAC \text{ (cùng chắn cung BC)}$$

$$\angle BAC = \angle EDC \text{ (AEDB nội tiếp)}$$

Suy ra $\angle xCB = \angle EDC \Rightarrow Cx \parallel DE$ (hai góc so le trong bằng nhau)

Mà $OC \perp Cx$ nên $OC \perp ED$.

> Chứng minh tương tự ta có $OA \perp EF, OB \perp FD$.

Vì $\triangle ABC$ nhọn nên O nằm trong tam giác ABC.

$$\text{Do đó: } S = S_{ABC} = S_{AEOF} + S_{BFOD} + S_{CEOD} = \frac{1}{2} OA \cdot EF + \frac{1}{2} OB \cdot FD + \frac{1}{2} OC \cdot DE$$

$$\Rightarrow 2S = R(EF + FD + DE).$$

